

DETERMINANTE DE UMA MATRIZ QUADRADA DE ORDEM MAIOR QUE 3

TEOREMA DE LAPLACE

Exemplo do livro na página 91

$A_3 \rightarrow p. 137$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 & 0 \\ 2 & 3 & 4 & 3 \\ 0 & 0 & 1 & 5 \\ -2 & 2 & 4 & 1 \end{bmatrix}$$

Tela inteira ▾

Fechar tela inteira

Vamos calcular o determinante dessa matriz aplicando o teorema de Laplace.

Para tanto, primeiro escolhemos uma linha ou coluna.

(Dica: escolha sempre uma linha ou coluna que tiver mais zeros)

$$\begin{vmatrix} \underline{1} & \underline{2} & -1 & \underline{0} \\ \underline{2} & \underline{3} & \underline{4} & \underline{3} \\ \underline{0} & \underline{0} & \underline{1} & \underline{5} \\ -2 & \underline{2} & \underline{4} & \underline{1} \end{vmatrix}$$

Vamos calcular os cofatores:

Tela inteira ▾

Fechar tela inteira

$$C_{31} = (-1)^{3+1} \cdot D_{31}$$

$$D_{31} =$$

$$\begin{vmatrix} \underline{1} & \underline{2} & -1 & \underline{0} \\ \underline{2} & \underline{3} & \underline{4} & \underline{3} \\ \underline{0} & \underline{0} & \underline{1} & \underline{5} \\ -2 & \underline{2} & \underline{4} & \underline{1} \end{vmatrix}$$

$$C_{31} = 1 \cdot (-19)$$

$$C_{31} = -19$$

$$C_{ij} = (-1)^{i+j} \cdot D_{ij}$$

~~$$\begin{vmatrix} \underline{2} & \underline{-1} & \underline{0} \\ \underline{3} & \underline{4} & \underline{3} \\ \underline{2} & \underline{4} & \underline{1} \end{vmatrix}$$~~

3
19
0

0
8
0

Tela inteira

Fechar tela inteira

$$C_{32} = (-1)^{3+2} \cdot D_{32}$$

$$D_{32} =$$

<u>1</u>	<u>2</u>	-1	<u>0</u>
<u>2</u>	<u>3</u>	<u>4</u>	<u>3</u>
<u>0</u>	<u>0</u>	<u>1</u>	<u>5</u>
-2	<u>2</u>	<u>4</u>	<u>1</u>

$$C_{32} = -1 \cdot \underline{0}$$

$$C_{32} = 0$$

~~| | | |
|----------|-----------|----------|
| <u>1</u> | <u>-1</u> | <u>0</u> |
| <u>2</u> | <u>4</u> | <u>3</u> |
| -2 | <u>4</u> | <u>1</u> |~~

C_{32}

C_{32}

Tela inteira

Fechar tela inteira

$$C_{33} = (-1)^{3+3} \cdot D_{33}$$

$$D_{33} =$$

<u>1</u>	<u>2</u>	<u>-1</u>	<u>0</u>
<u>2</u>	<u>3</u>	<u>4</u>	<u>3</u>
<u>0</u>	<u>0</u>	<u>1</u>	<u>5</u>
<u>-2</u>	<u>2</u>	<u>4</u>	<u>1</u>

$$C_{33} = 1 \cdot (-19)$$

$$C_{33} = -19$$

~~$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 2 & 3 & 3 \\ -2 & 2 & 1 \end{vmatrix}$$~~

Handwritten calculations in blue ink:

- Left side: $1 \cdot 0 \cdot 6$
- Right side: $-12 \cdot 3 \cdot 0$

$$C_{34} = (-1)^{3+4} \cdot D_{34}$$

$$D_{34} =$$

<u>1</u>	<u>2</u>	-1	<u>0</u>
<u>2</u>	<u>3</u>	<u>4</u>	<u>3</u>
<u>0</u>	<u>0</u>	<u>1</u>	<u>5</u>
-2	<u>2</u>	<u>4</u>	<u>1</u>

$$C_{34} = -1 \cdot (-38)$$

$$C_{34} = 38$$

~~Handwritten calculation for D_{34} using a 3x3 determinant:~~

1	2	-1
2	3	4
-2	2	4

Handwritten numbers around the determinant: 16 , 8 , -16 , 12 , -4 . Above the determinant are -2 and 4 .

Aplicando o Teorema de Laplace, temos:

$$D_A = a_{31} \cdot C_{31} + a_{32} \cdot C_{32} + a_{33} \cdot C_{33} + a_{34} \cdot C_{34}$$

$$D_A = 0 \cdot (-19) + 0 \cdot 0 + 1 \cdot (-19) + 5 \cdot (38)$$

~~-19~~

$$D_A = 0 + 0 - 19 + 190$$

$$D_A = 171$$

Tela inteira ▾

Fechar tela inteira

RESUMINDO:

1º. ESCOLHER UMA LINHA OU COLUNA: nesse momento ocorre somente a escolha e nada de eliminar linha ou coluna.

2º. CALCULAR OS SEUS RESPECTIVOS COFATORES: lembrando que a fórmula é

$$C_{ij} = (-1)^{i+j} \cdot D_{ij}$$

Ps.: esse sim é o momento de eliminar linha e coluna para calcular o D_{ij} .

3º. APLICAR O TEOREMA DE LAPLACE QUE É SOMAR OS PRODUTOS ENTRE OS ELEMENTOS a_{ij} PELOS SEUS RESPECTIVOS COFATORES

Soma $\rightarrow \sum a_{ij} \cdot C_{ij}$

EXERCÍCIOS

PÁGINA 91 E 92

Tela inteira ▾
Fechar tela inteira